

ma novissimum,  $Dd$  ad  $Ff$  ut  $PE$  ad  $PS$ , & inde  $Ff$  æqualis  $\frac{PS \times Dd}{PE}$ ; &  $DEq. \times Ff$  æquale  $Dd$  in  $\frac{DEq. \times PS}{PE}$ , & propterea vis laminæ  $E Ffe$  est ut  $Dd$  in  $\frac{DEq. \times PS}{PE}$  & vis particulæ ad distantiam  $P$  exercita conjunctim, hoc est (ex Hypothesi) ut  $DN \times Dd$ , seu area evanescens  $DNnd$ . Sunt igitur laminarum omnium vires in corpus  $P$  exercitæ, ut areæ omnes  $DNnd$ , hoc est Sphæræ vis tota ut area tota  $ABNA$ . Q. E. D.

*Corol. I.* Hinc si vis centripeta ad particulas singulas tendens, eadem semper maneat in omnibus distantiiis, & fiat  $DN$  ut  $\frac{DEq. \times PS}{PE}$ : erit vis tota qua corpusculum a Sphæra attrahitur, ut area  $ABNA$ .

*Corol. 2.* Si particularum vis centripeta fit reciproce ut distantia corpusculi a se attracti, & fiat  $DN$  ut  $\frac{DEq. \times PSS}{PEq.}$  : erit vis qua corpusculum  $P$  a Sphæra tota attrahitur ut area  $ABNA$ .

*Corol.* 3. Si particularum vis centripeta sit reciproce ut cubus distantiae corpusculi a se attracti, & fiat  $DN$  ut  $\frac{DEq. \times PS}{PEqq.}$ :

erit vis qua corpusculum a tota Sphæra attrahitur ut area  $ABNA$ .

*Corol.* 4. Et universaliter si vis centripeta ad singulas Sphæræ particulas tendens ponatur esse reciproce ut quantitas  $V$ , fiat autem  $DN$  ut  $\frac{DEq. \times PS}{PE \times V}$ ; erit vis qua corpusculum a Sphæra tota attrahitur ut area  $ABNA$ .

Prop. LXXXI. Prob. XLI.

*Stantibus jam positis, mensuranda est area ABNA.*

A puncto  $P$  ducatur recta  $PH$  Sphæram tangens in  $H$ , & ad axem  $PAB$  demissa Normali  $HI$ , bifecetur  $PI$  in  $L$ ; & erit (per

(per Prop. 12, Lib. 2. E  
 $2 PSD$ . Est autem  $SE q$   
 forum  $SPH, SHI$ ) æquale  
 est contento  
 sub  $PS$  &  
 $PS + SI +$   
 $2 SD$ , hoc  
 est, sub  $PS$   
 &  $2 LS +$   
 $SD$ , id est,  
 sub  $PS$  &  
 $2 LD$ . Por-  
 ro  $DE$  quad  
 æquale est  
 $SE q. - SD q.$   
 seu  $SE q. - LS q. + 2 SLD$   
 $ALB$ . Nam  $LS q. - SE q.$   
 Elem) æquatur rectangulo  
 $- ALB$  pro  $DE q.$  & qua

Corollarium quantum Propo  
ordinatim applicatæ  $DN$ , re

$$\frac{LDq \times PS}{PE \times V} = \frac{ALB \times PS}{PE \times V}$$

versa vis centripetæ, & p  
ter  $PS$  &  $2LD$ ; tres illæ  
linearum totidem curvarum,  
innotescunt. Q. E. F.

Exempl. 1. Si vis centripetens sit reciproce ut distans  
dein  $2PS \times LD$  pro  $PEq.$